## Induktive Programmsynthese

Einführung Higher-Order Konzepte durch Kombination analytischer und schemabasierter Methoden

#### Martin Hofmann



Gruppe Kognitive Systeme Fakultät für Wirtschafts- und Angewandte Informatik Universität Bamberg



Berlin 2008

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- Igor II
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- 2 Igor I
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



# Induktive Programmsynthese (IP)

**Induktive Programmsynthese (IP)** erforscht das automatische Erzeugen (rekursiver) Programme *unvollständigen* Spezifikationen, z.B. aus Input/Output-Beispielen (I/O-Beispiele).

#### Example (Reverse)

I/O-Beispiele:

$$Reverse([]) = [], Reverse([a]) = [a], Reverse([a, b]) = [b, a], \dots$$

Induziertes funktionales Pogramm:

$$Reverse([]) = []$$
  
 $Reverse(cons(X, Xs)) = Reverse(Xs) @ cons(X, [])$ 

#### Immanente Probleme

Intendiertheit Erfüllen der *unvollständigen* Spezifikation als *einziges*Korrektheitskriterium des IP-Algorithmus' lässt nicht
intendierte Funktionen als Lösung zu.

Skalierbarkeit Ab einer gewissen (syntaktischen) Komplexität der möglichen Programme ist Inductive Programming ein Suchproblem (exponentielle Komplexität).

- Preference Bias **Kriterium** zum Auswählen eines der (**semantisch** verschiedenen!) möglichen Lösungsprogramme, z.B. syntaktische Größe, Anzahl der Fallunterscheidungen, Laufzeit.
- Restriction Bias **Einschränkung** der induzierbaren Programmklasse durch **syntaktische** Constraints, z.B. lineare Rekursion als einzige Rekursionsform.
- Hintergrundwissen Bereits **implementierte Funktionen**, die aufgerufen werden dürfen, z.B. append und partition für Quicksort.
- Unterprogramme Funktionen, die weder als Zielfunktion spezifiziert noch im Hintergrundwissen vorhanden sind, sondern vom IP-Algorithmus selbst als Hilfsfunktion eingeführt werden.

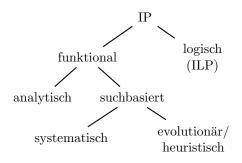
- Preference Bias **Kriterium** zum Auswählen eines der (**semantisch** verschiedenen!) möglichen Lösungsprogramme, z.B. syntaktische Größe, Anzahl der Fallunterscheidungen, Laufzeit.
- Restriction Bias **Einschränkung** der induzierbaren Programmklasse durch **syntaktische** Constraints, z.B. lineare Rekursion als einzige Rekursionsform.
- Hintergrundwissen Bereits **implementierte Funktionen**, die aufgerufen werden dürfen, z.B. append und partition für Quicksort.
- Unterprogramme Funktionen, die weder als Zielfunktion spezifiziert noch im Hintergrundwissen vorhanden sind, sondern vom IP-Algorithmus selbst als Hilfsfunktion eingeführt werden

- Preference Bias **Kriterium** zum Auswählen eines der (**semantisch** verschiedenen!) möglichen Lösungsprogramme, z.B. syntaktische Größe, Anzahl der Fallunterscheidungen, Laufzeit.
- Restriction Bias **Einschränkung** der induzierbaren Programmklasse durch **syntaktische** Constraints, z.B. lineare Rekursion als einzige Rekursionsform.
- Hintergrundwissen Bereits **implementierte Funktionen**, die aufgerufen werden dürfen, z.B. append und partition für Quicksort.
- Unterprogramme Funktionen, die weder als Zielfunktion spezifiziert noch im Hintergrundwissen vorhanden sind, sondern vom IP-Algorithmus selbst als Hilfsfunktion eingeführt werden.

- Preference Bias **Kriterium** zum Auswählen eines der (**semantisch** verschiedenen!) möglichen Lösungsprogramme, z.B. syntaktische Größe, Anzahl der Fallunterscheidungen, Laufzeit.
- Restriction Bias **Einschränkung** der induzierbaren Programmklasse durch **syntaktische** Constraints, z.B. lineare Rekursion als einzige Rekursionsform.
- Hintergrundwissen Bereits **implementierte Funktionen**, die aufgerufen werden dürfen, z.B. *append* und *partition* für Quicksort.
- Unterprogramme Funktionen, die weder als Zielfunktion spezifiziert noch im Hintergrundwissen vorhanden sind, sondern vom IP-Algorithmus selbst als Hilfsfunktion eingeführt werden.

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- 2 Igor I
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



Analytisch

Suchbasiert

### Analytisch

- Beobachtung: I/O-Beispiele rekursiv definierter Funktionen weisen einen regelmäßigen Zusammenhang auf, da verschiedene Inputs "Unterprobleme" voneinander sind und daher Outputs andere Outputs als Unterterme enthalten.
- Diese Beziehung wird ermittelt und daraus die rekursive Definition abgeleitet.
- Systeme: Summers' THESYS, IGOR I (Schmid, Mühlpfordt, Kitzelmann)

#### Suchbasiert

### Analytisch

#### Suchbasiert (1): evolutionär heuristisch

- I/O-Beispiele (oder allgemeinere Spezifikationen) und gewünschte Programmeigenschaften dienen als Fitness-Funktion evolutionär generierter Programm-Individuen.
- Bewertete Programmeigenschaften sind z.B. Laufzeit oder Programmgröße
- Systeme: ADATE (Roland Olsson)

#### Analytisch

### Suchbasiert (2): systematisch

- systematisches Aufzählen aller korrekten Programme
- gewöhnlich mit zusätzlichen Constraints um Suchraum zu verringern (Typinformation, Bibliothek)
- I/O Beispiele dienen als Filter
- Systeme: MagicHaskeller (Katayama)



### Analytisch

#### Suchbasiert

- ILP ist maschinelles Lernen mit Repräsentation und Induktionstechniken basierend auf Computational Logic (PROLOG).
- IP als Spezialfall von ILP.
- Systeme: FOIL/FFOIL (Quinlan), GOLEM (Muggleton), DIALOGS (Flener)

Automatisch benötigte Unterprogramme finden und einbinden.

## Example (Reverse)

```
Reverse([]) = []
Reverse([X|Xs]) = [Last([X|Xs]) \mid Reverse(Init([X|Xs]))]
Last([X]) = X
Last([X, Y|Xs]) = Last([Y|Xs])
Init([X]) = []
Init([X, Y|Xs]) = [X \mid Init([Y|Xs])]
```

#### Komplexe Fallunterscheidungen.

# Example (Sum)

$$Sum([]) = 0$$
  
 $Sum([0|Xs]) = Sum(Xs)$ 

$$Sum([s(X)|Xs]) = s(Sum([X|Xs]))$$

#### Rekursion über mehrere Parameter.

# Example ( $\leq$ )

$$0 \le Y = t$$
  

$$s(X) \le 0 = f$$
  

$$s(X) \le s(Y) = X \le Y$$

Wechselseitig abhängige Funktionen.

## Example (Odd/Even)

$$Odd(0) = f$$
  
 $Odd(s(X)) = Even(X)$ 

$$Even(0) = t$$

$$Even(s(X)) = Odd(X)$$

Komplexe Funktionsaufruf-Relationen.

```
Example (QuickSort)
```

```
QuickSort([]) = []
QuickSort([X|Xs]) =
QuickSort(part_{<}([X|Xs])) @ [X] @ QuickSort(part_{>}([X|Xs]))
```

#### Bei evolutionären Ansätzen (ADATE) theoretisch alles!

- Optimierung von Graphikalgorithmen
- Fahrzeugsteuerung über ANN
- komplexe numerische Berechnungen
- ...

Speicher und Zeitproblem !!!

### Empirischer Systemvergleich

|         | lasts         | last    | member      | odd/even        | multlast         | isort | reverse | жеаке            | shiftr           | mult/add      | allodds       |
|---------|---------------|---------|-------------|-----------------|------------------|-------|---------|------------------|------------------|---------------|---------------|
| ADATE   | 822.0         | 0.2     | 2.0         | _               | 4.3              | 70.0  | 78.0    | 80.0             | 18.81            | _             | 214.87        |
| FLIP    | ×             | 0.020   | 17.868      | 0.130           | $448.90^{\perp}$ | ×     | _       | $134.24^{\perp}$ | $448.55^{\perp}$ | ×             | ×             |
| FFOIL   | $0.7^{\perp}$ | 0.1     | $0.1^{\pm}$ | $< 0.1^{\perp}$ | < 0.1            | ×     | _       | $0.4^{\perp}$    | $< 0.1^{\perp}$  | $8.1^{\perp}$ | $0.1^{\pm}$   |
| GOLEM   | 1.062         | < 0.001 | 0.033       | _               | < 0.001          | 0.714 | _       | $0.66^{\pm}$     | 0.298            | _             | $0.016^{\pm}$ |
| IGOR II | 5.695         | 0.007   | 0.152       | 0.019           | 0.023            | 0.105 | 0.103   | 0.200            | 0.127            | 0             | •             |
| MAGH.   | 19.43         | 0.01    | •           | _               | 0.30             | 0.01  | 0.08    | •                | 157.32           | _             | ×             |

— not tested × stack overflow ⊙ timeout ⊥ wrong all runtimes in seconds

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- 2 Igor I
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



#### Zwei Beispiele:

- Generieren von XSL Transformationen aus XML-Beispielen.
- Generieren von komplexen Suchen/Ersetzen-Regeln aufgrund einiger Beispielinstanzen.

#### Probleme

- Problemspezifische Aufbereitung der Benutzeraktionen zu geeigneten Beispielen.
- Dadurch i.d.R. starke Vorannahmen nötig, die die Problemklasse stark einschränken.
- Resultierende Problemklasse reizt IP nicht mehr aus.

#### Zwei Beispiele:

- Generieren von XSL Transformationen aus XML-Beispielen.
- Generieren von komplexen Suchen/Ersetzen-Regeln aufgrund einiger Beispielinstanzen.

#### Probleme:

- Problemspezifische Aufbereitung der Benutzeraktionen zu geeigneten Beispielen.
- Dadurch i.d.R. starke Vorannahmen nötig, die die Problemklasse stark einschränken.
- Resultierende Problemklasse reizt IP nicht mehr aus.

#### Zwei Beispiele:

- Generieren von XSL Transformationen aus XML-Beispielen.
- Generieren von komplexen Suchen/Ersetzen-Regeln aufgrund einiger Beispielinstanzen.

#### Probleme:

- Problemspezifische Aufbereitung der Benutzeraktionen zu geeigneten Beispielen.
- Dadurch i.d.R. starke Vorannahmen nötig, die die Problemklasse stark einschränken.
- Resultierende Problemklasse reizt IP nicht mehr aus.

#### Zwei Beispiele:

- Generieren von XSL Transformationen aus XML-Beispielen.
- Generieren von komplexen Suchen/Ersetzen-Regeln aufgrund einiger Beispielinstanzen.

#### Probleme:

- Problemspezifische Aufbereitung der Benutzeraktionen zu geeigneten Beispielen.
- Dadurch i.d.R. starke Vorannahmen nötig, die die Problemklasse stark einschränken.
- Resultierende Problemklasse reizt IP nicht mehr aus.

# Mögliche Anwendungsfelder II: Softwaretechnik

"Natürliche" Anwendung: Alternative/zusätzliche Art des

Programmierens und der Algorithmenentwicklung.

Probleme: Intendiertheit und Skalierbarkeit.

#### Softwareengineering – Designphase

Sukzessive, immer detailiertere Spezifikation von Komponenten/ Klassen/ Methoden in der Designphase des Softwareprozesses, I/Os und Testfälle sollen nicht nur als "Programmierernotiz" dienen, sondern konkret zur Programmsynthese.

#### Testen/Debuggen

Testfälle und evtl. fehlerhaftes Programm als Input für IP-System welches Fehler feststellt, lokalisiert *und ausbessert*.

# Mögliche Anwendungsfelder II: Softwaretechnik

"Natürliche" Anwendung: Alternative/zusätzliche Art des

Programmierens und der Algorithmenentwicklung.

Probleme: Intendiertheit und Skalierbarkeit.

#### Softwareengineering – Designphase

Sukzessive, immer detailiertere Spezifikation von Komponenten/ Klassen/ Methoden in der Designphase des Softwareprozesses, I/Os und Testfälle sollen nicht nur als "Programmierernotiz" dienen, sondern konkret zur Programmsynthese.

#### Testen/Debugger

Testfälle und evtl. fehlerhaftes Programm als Input für IP-System welches Fehler feststellt, lokalisiert *und ausbessert*.

# Mögliche Anwendungsfelder II: Softwaretechnik

"Natürliche" Anwendung: Alternative/zusätzliche Art des

Programmierens und der Algorithmenentwicklung.

Probleme: Intendiertheit und Skalierbarkeit.

#### Softwareengineering – Designphase

Sukzessive, immer detailiertere Spezifikation von Komponenten/ Klassen/ Methoden in der Designphase des Softwareprozesses, I/Os und Testfälle sollen nicht nur als "Programmierernotiz" dienen, sondern konkret zur Programmsynthese.

#### Testen/Debuggen

Testfälle und evtl. fehlerhaftes Programm als Input für IP-System welches Fehler feststellt, lokalisiert *und ausbessert*.

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- Igor II
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



## Grundlegende Idee

- IGOR II (Kitzelmann):
  - inspiriert von Summer's THESYS, Weiterentwicklung von IGOR I
  - Rekursion aufgrund von Regularitäten in den Beispielen entdecken
  - ▶ integrierte Suche.
- Stärken:
  - Terminierung per Konstruktion
  - beliebige nutzerdefinierte Datentypen
  - beliebiges Hintergrundwissen nutzbar
  - Unterprogramme
  - komplexere Aufruf-Beziehungen (Baumrekursion, Vernestung)
  - Beispielgleichungen mit Variablen
  - parallele Induktion mehrerer (abhängiger) Zielfunktionen

# Input

Datentyp Definition, z.B.

$$List = [] \mid cons(Elt, List)$$

- die ersten k nicht-rekursiven Gleichungen für Zielfunktion und Hintergrundwissen, z.B:
  - Zielfunktion:

Reverse: List  $\rightarrow$  List Reverse([X]) = [X], Reverse([X, Y]) = [Y, X], ...

Hintergrundwissen:

snoc: List Elt  $\rightarrow$  List snoc([X], Y) = [X], snoc([X], Y) = [X], ...

## Input

Datentyp Definition, z.B.

$$List = [] \mid cons(Elt, List)$$

- die ersten k nicht-rekursiven Gleichungen für Zielfunktion und Hintergrundwissen, z.B:
  - Zielfunktion:

Reverse: List  $\rightarrow$  List

$$Reverse([]) = [], Reverse([X]) = [X], Reverse([X, Y]) = [Y, X], \dots$$

Hintergrundwissen:

snoc: List Elt 
$$\rightarrow$$
 List  
snoc([],  $X$ ) = [ $X$ ], snoc([ $X$ ],  $Y$ ) = [ $X$ ,  $Y$ ], ...



## Output

Menge an Gleichungen die die gegebenen Beispielgleichungen modellieren.

- Fallunterscheidung duch Pattern Matching.
- Preference Bias: Minimale Anzahl an Fallunterscheidungen.
- Einige syntaktische Constraints, u.a. dürfen die Patterns paarweise nicht unifizieren.

#### Reverse-Beispiel:

$$Reverse([]) = []$$
  
 $Reverse([X|Xs]) = snoc(Reverse(Xs), X)$ 

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- Igor II
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



# Initiale Hypothese

Für eine gegebene (Unter-)Menge Beispielgleichungen wird versucht, eine Gleichung zu finden. Erste Hypothese durch **Antiunifikation** der Beispielgleichungen:

## Example

Beispielgleichungen:

$$Reverse([B]) = [B], Reverse([A, B]) = [B, A]$$

Initiale Hypothese:

$$Reverse([X|Xs]) = [Y|Ys]$$

# Initiale Hypothese weiterverarbeiten

## Example

Initiale Hypothese:

$$Reverse([X|Xs]) = [Y|Ys]$$

Problem: Ungebundene Variablen *Y*, *Ys* in der rechten Seite.

Drei Lösungsmöglichkeiten:

- Partitionierung der Beispielgleichungen
   Menge von Gleichungen, Fallunterscheidung.
- Ersetzen der rechten Seite durch Programmaufruf (rekursiv oder Hintergrundwissen).
- Trsetzen der Unterterme mit ungebundenen Variablen durch Unterprogramme.

# Initiale Hypothese weiterverarbeiten

## Example

Initiale Hypothese:

$$Reverse([X|Xs]) = [Y|Ys]$$

Problem: Ungebundene Variablen *Y*, *Ys* in der rechten Seite.

Drei Lösungsmöglichkeiten:

- Partitionierung der Beispielgleichungen
   Alar an und Gleichungen Falluntaranha
  - → Menge von Gleichungen, Fallunterscheidung.
- Ersetzen der rechten Seite durch Programmaufruf (rekursiv oder Hintergrundwissen).
- Ersetzen der Unterterme mit ungebundenen Variablen durch Unterprogramme.

# Partitionierung der Beispiele, Fallunterscheidung

- Antiunifizierte Inputs unterscheiden sich an wenigstens einer Position hinsichtlich des Konstruktors.
- Partitionierung der Beispiele anhand des Konstruktors an dieser Position

## Example

## Beispielmenge:

$$\{1.\ Reverse([])=[],\ 2.\ Reverse([B])=[B],\ 3.\ Reverse([A,B])=[B,A]\}$$

An Wurzelposition kommen die Konstruktoren [] und cons vor, resultierende Partition:

$$\{1\}, \{2, 3\}$$



# Programmaufruf

## Example

## Initiale Hypothese:

$$Reverse([X, Y]) = [Y, X]$$

- Falls ein Output einen anderen Output matcht, kann er durch einen Programmaufruf ersetzt werden.
- Konstruktion des Arguments des Programmaufrufs wird als neues Induktionsproblem behandelt.
- Beispielmenge für neues Problem wird abduziert:
  - Inputs bleiben dieselben.
  - Neue Outputs werden die substituierten *Inputs* der gematchten Outputs.

# Programmaufruf, Beispiel

## Betrachtetes Beispiel:

$$Reverse([A, B]) = [B, A]$$

Hintergrundwissen:

$$\operatorname{snoc}([X], Y) = [X, Y]$$

[B, A] matcht [X, Y] mit

$$\{X \leftarrow B, Y \leftarrow A\}$$

Output [B, A] kann ersetzt werden:

$$Reverse([A, B]) = snoc(Sub_1([A, B]), Sub_2([A, B]))$$

Abduzierte Beispiele:

$$Sub1([A, B]) = [B]$$
  
$$Sub2([A, B]) = A$$



# Unterprogramme

Beispiele: Reverse([B]) = [B], Reverse([A, B]) = [B, A]Initiale Hypothese: Reverse([X|Xs]) = [Y|Ys]

- Jeder Unterterm der rechten Seite mit einer ungebundenen Variable wird durch den Aufruf eines neuen Unterprogramms ersetzt.
- Konstruktion der Unterprogramme als neue Induktionsprobleme.
- Beispiele für jedes neue Unterprogramm werden abduziert:
  - Inputs bleiben dieselben.
  - Neue Outputs werden die entsprechenden Unterterme der alten Outputs.

# Unterprogramme, Beispiel

Beispielgleichungen:

$$Reverse([B]) = [B], Reverse([A, B]) = [B, A]$$

Initiale Hypothese:

$$Reverse([X|Xs]) = [Y|Ys]$$

Rechte Seite wird ersetzt:

$$Reverse([X|Xs]) = [Sub_1([X|Xs])|Sub_2([X|Xs])]$$

Abduzierte Beispiele für die neuen Unterprogramme:

$$Sub_1([B]) = B$$
  
 $Sub_1([A, B]) = B$   
 $Sub_2([B]) = []$   
 $Sub_2([A, B]) = [A]$ 

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- 2 Igor I
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages

## Pläne

- IGOR II wurde von Emanuel Kitzelmann entwickelt und ist ein wesentlicher Teil seiner Dissertation
- ich bin seit Oktober Doktorand und möchte IGOR II weiterentwickeln

## Arbeitspakete:

- Generischer Spezifikationsgenerator
  - für empirischen Systemvergleich
  - generische Aufzählen von Datentypen und I/Os für Funktionen
  - implementiert mit Template Haskell
- ② IGOR II: MAUDE→ HASKELL
- Erweiterung von IGOR II



## Pläne

- IGOR II wurde von Emanuel Kitzelmann entwickelt und ist ein wesentlicher Teil seiner Dissertation
- ich bin seit Oktober Doktorand und möchte IGOR II weiterentwickeln

## Arbeitspakete:

- Generischer Spezifikationsgenerator
- ② IGOR II: MAUDE→ HASKELL
  - Erhöhung der Sichtbarkeit
  - Higher-Order Kontext
  - Problem(?): Reflexion in MAUDE zur Laufzeit, in HASKELL zur Compilezeit
- Erweiterung von IGOR II



## Pläne

- IGOR II wurde von Emanuel Kitzelmann entwickelt und ist ein wesentlicher Teil seiner Dissertation
- ich bin seit Oktober Doktorand und möchte IGOR II weiterentwickeln

#### Arbeitspakete:

- Generischer Spezifikationsgenerator
- ② IGOR II: MAUDE→ HASKELL
- Erweiterung von IGOR II
  - let Ausdrücke einführen
  - Unterprogramme an Wurzelfunktion
  - Higher-Order Funktionen als Schemata
  - Hintergrundwissen aus Instanzinformation nutzen
  - Lücken in Beispielen zulassen
  - zusätzliche Variablen einführen



# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- 2 Igor I
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages



#### let-Ausdrücke

# Example (Multlast naiv)

$$Multlast([]) = []$$
 $Multlast([A]) = [A]$ 
 $Multlast([A, B|C]) =$ 
 $[Last([B|C])|Multlast([B|C])]$ 

# Example (Multlast mit let)

$$Multlast([]) = []$$
 $Multlast([A]) = [A]$ 
 $Multlast([A, B|C]) =$ 
 $let [D|E] = Multlast([B|C])$ 
 $in [D, D|E]$ 

→ Ergebnis des einen Aufrufs ist im anderen enthalten

Unterprogramme an der Wurzelposition

## Aber wie soll das gehen?!

$$Sort([]) = [], Sort([1]) = [1], Sort([2]) = [2]$$
  
 $Sort([1,2]) = [1,2], Sort([2,1]) = [1,2], ...$   
 $Sort([]) = []$   
 $Sort([X|Xs]) = Insert(X, Sort(Xs))$ 

- Woher I/Os für Insert???
- könnten Higher-Order Funktionen teilweise weiterhelfen????

$$Sort(X) = Foldr(Insert, [], X)$$



Higher-Order Funktionen als Schemata

#### Nutzen von Domänenwissen

- Map, Filter, Reduce, Fold, . . . a
- Induktion + Abduktion,
- Explanation Based Learning, Schema als Domain Theory

## Explizit?

- ILP System DIALOGS verwendet problemspezifische Schemata
- vom Nutzer vorgegeben (divide-and-conquer,...)
- → "fit data to schema"

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>map, reduce, filter äquivalent zu while-Programmen?

Higher-Order Funktionen als Schemata

#### Nutzen von Domänenwissen

- Map, Filter, Reduce, Fold, . . . a
- Induktion + Abduktion,
- Explanation Based Learning, Schema als Domain Theory

## Explizit?

- ILP System DIALOGS verwendet problemspezifische Schemata
- vom Nutzer vorgegeben (divide-and-conquer,...)
- → "fit data to schema"

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>map, reduce, filter äquivalent zu while-Programmen?

Higher-Order Funktionen als Schemata

## Implizit ist besser!

Ist es möglich "HO-Verdacht" zu erkennen?

$$Fun([]) = [], \quad Fun([A]) = [S(A)], \quad Fun([A, B]) = [S(A), S(B)]$$

$$Fun(X) = Map(Succ, X)$$

- Typ und Instanzinformation nutzen ([ $\alpha$ ]  $\rightarrow$  [ $\beta$ ], Functor, Foldable)
- Ähnlichkeit auf Termen, ausgehend von 'Prototyp'
- higher order narrowing ?
  - →"fit schema to data"



Hintergrundwissen aus Instanzinformation nutzen

## Example (instance Eq/Ord Int)

- $\begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l} \begin{tabu$
- ► Instanzfunktionen als spezifischen Hintergrundwissen (=,<,≤,+,-,...)
- Lücken in Beispielen zulassen
  - Lücken mit \*-Output ergänzen
  - Inputs für Lücken generieren und den Nutzer fragen
- zusätzliche Variablen einführen

$$reverse(X) = rev(X, [])$$

$$rev([], X) = X$$

$$ev([X|Xs], Y) = rev(Xs, [X|Y])$$

Konstanter Term für initialen Aufruf rev(X, []) ist in allen I/Os enthalten

Hintergrundwissen aus Instanzinformation nutzen

## Example (instance Eq/Ord Int)

- $\begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l} \begin{tabu$
- ► Instanzfunktionen als spezifischen Hintergrundwissen (=,<,≤,+,-,...)
- Lücken in Beispielen zulassen
  - Lücken mit \*-Output ergänzen
  - Inputs für Lücken generieren und den Nutzer fragen
- zusätzliche Variablen einführen

$$reverse(X) = rev(X, [])$$

$$rev([], X) = X$$

$$ev([X|Xs], Y) = rev(Xs, [X|Y])$$

► Konstanter Term für initialen Aufruf rev(X, []) ist in allen I/Os enthalten

Hintergrundwissen aus Instanzinformation nutzen

## Example (instance Eq/Ord Int)

- $\begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l} \begin{tabu$
- Instanzfunktionen als spezifischen Hintergrundwissen  $(=,<,\leq,+,-,...)$
- Lücken in Beispielen zulassen
  - Lücken mit \*-Output ergänzen
  - Inputs für Lücken generieren und den Nutzer fragen
- zusätzliche Variablen einführen

$$reverse(X) = rev(X, [])$$
  
 $rev([], X) = X$   
 $rev([X|Xs], Y) = rev(Xs, [X|Y])$ 

 Konstanter Term f
ür initialen Aufruf rev(X, []) ist in allen I/Os enthalten

# Gliederung

- Induktive Programmsynthese
  - Grundlagen
  - Ansätze
  - Mögliche Anwendungsfelder
- Igor I
  - Überblick
  - Algorithmus
- Und nun?
  - Pläne
  - Ideen
- In eigener Sache
  - Homepages

# **Unser Projekt**



http://www.cogsys.wiai.uni-bamberg.de/effalip/

- Publikationen
- Downloads
- Links

# inductive-programming.org



## http://www.inductive-programming.org (im Aufbau)

- Einführung in IP
- Vorstellung verschiedener IP Systeme
- Repository mit Benchmarkproblemen
- Publikationen mit Schwerpunkt IP
- Mailing List
- •

# Herzlichen Dank!



## MAUDE VS. HASKELL

#### MAUDE

- interpretiert
- niedrige Abstraktion
- sehr beschränkter HO-Kontext
- Introspektion zur Laufzeit
- umfangreiche Reflexion
- Maude-Sytanx als abstrakter Datentyp mit Infixkonstruktoren in Meta-Maude

#### HASKELL

- compiliert
- hohe Abstraktion
- umfangreicher HO-Kontext
- Introspektion zur Compilezeit (compile-time meta/macro programming)
- Reflexionen nicht vollständig implementiert (type → class instances)
- umständliche Q-Monade

# Das Inductive Functional Programming Problem formal

## Gegeben

- eine Menge syntaktisch korrekter Programme P,
- eine Menge Beispielgleichungen E,
- eine weitere Menge Gleichungen B (Hintergrundwissen),

finde ein Programm (eine Menge Gleichungen)  $P \in \mathcal{P}$  so dass

- $\bullet$   $P, B \models E$  und
- P über E generalisiert.

- Erinnerung: Erfüllen der unvollständigen Spezifikation als einzige Korrektheitsbedingung lässt nicht intendierte Funktionen als Lösung zu.
- Offene Frage: Gibt es sinnvolles zusätzliches Kriterium K, so dass die Zielfunktion *vollständig* spezifiziert ist? (So dass also das "induzierte" Programm deduktiv-logisch folgt:  $E, B, K \models P$ )
- Bisheriger praktischer Behelf: Preference Bias, z.B. "wähle das syntaktisch kleinste Lösungsprogramm".
- Aber (offene Frage): Wie hängen Intention und Preference Biases zusammen?
- Zweites "aber": Exponentielle Komplexität...

- Erinnerung: Erfüllen der unvollständigen Spezifikation als einzige Korrektheitsbedingung lässt nicht intendierte Funktionen als Lösung zu.
- Offene Frage: Gibt es sinnvolles zusätzliches Kriterium K, so dass die Zielfunktion *vollständig* spezifiziert ist? (So dass also das "induzierte" Programm deduktiv-logisch folgt:  $E, B, K \models P$ )
- Bisheriger praktischer Behelf: Preference Bias, z.B. "wähle das syntaktisch kleinste Lösungsprogramm".
- Aber (offene Frage): Wie hängen Intention und Preference Biases zusammen?
- Zweites "aber": Exponentielle Komplexität...

- Erinnerung: Erfüllen der unvollständigen Spezifikation als einzige Korrektheitsbedingung lässt nicht intendierte Funktionen als Lösung zu.
- Offene Frage: Gibt es sinnvolles zusätzliches Kriterium K, so dass die Zielfunktion *vollständig* spezifiziert ist? (So dass also das "induzierte" Programm deduktiv-logisch folgt:  $E, B, K \models P$ )
- Bisheriger praktischer Behelf: Preference Bias, z.B. "wähle das syntaktisch kleinste Lösungsprogramm".
- Aber (offene Frage): Wie hängen Intention und Preference Biases zusammen?
- Zweites "aber": Exponentielle Komplexität...

- Erinnerung: Erfüllen der unvollständigen Spezifikation als einzige Korrektheitsbedingung lässt nicht intendierte Funktionen als Lösung zu.
- Offene Frage: Gibt es sinnvolles zusätzliches Kriterium K, so dass die Zielfunktion vollständig spezifiziert ist? (So dass also das "induzierte" Programm deduktiv-logisch folgt: E, B, K ⊨ P)
- Bisheriger praktischer Behelf: Preference Bias, z.B. "wähle das syntaktisch kleinste Lösungsprogramm".
- Aber (offene Frage): Wie h\u00e4ngen Intention und Preference Biases zusammen?
- Zweites "aber": Exponentielle Komplexität...

- Finden der hinsichtlich des Preference Bias besten Lösung erfordert exponentiellen Aufwand, zumindest mit heutigen IP-Algorithmen.
- Offene Frage: Ist das notwendig? Ist das IP-Problem mit gemäß Preference Bias exakter Lösung NP-vollständig?
- Falls ja: Tun es auch nicht-beste Lösungen? Gibt es brauchbare Heuristiken?
- Und: Falls es ein zusätzliches allgemeines Korrektheitskriterium gibt, wie sieht es dann mit der Komplexität aus?

- Finden der hinsichtlich des Preference Bias besten Lösung erfordert exponentiellen Aufwand, zumindest mit heutigen IP-Algorithmen.
- Offene Frage: Ist das notwendig? Ist das IP-Problem mit gemäß Preference Bias exakter Lösung NP-vollständig?
- Falls ja: Tun es auch nicht-beste Lösungen? Gibt es brauchbare Heuristiken?
- Und: Falls es ein zusätzliches allgemeines Korrektheitskriterium gibt, wie sieht es dann mit der Komplexität aus?

- Finden der hinsichtlich des Preference Bias besten Lösung erfordert exponentiellen Aufwand, zumindest mit heutigen IP-Algorithmen.
- Offene Frage: Ist das notwendig? Ist das IP-Problem mit gemäß Preference Bias exakter Lösung NP-vollständig?
- Falls ja: Tun es auch nicht-beste Lösungen? Gibt es brauchbare Heuristiken?
- Und: Falls es ein zusätzliches allgemeines Korrektheitskriterium gibt, wie sieht es dann mit der Komplexität aus?

- Finden der hinsichtlich des Preference Bias besten Lösung erfordert exponentiellen Aufwand, zumindest mit heutigen IP-Algorithmen.
- Offene Frage: Ist das notwendig? Ist das IP-Problem mit gemäß Preference Bias exakter Lösung NP-vollständig?
- Falls ja: Tun es auch nicht-beste Lösungen? Gibt es brauchbare Heuristiken?
- Und: Falls es ein zusätzliches allgemeines Korrektheitskriterium gibt, wie sieht es dann mit der Komplexität aus?