



# State-Space Planning und STRIPS

Hauptseminar Kognitive Systeme  
WS 06/07

19. Januar 2006  
Michael Räther



# Inhalt

1. **Definitionen**

2. Repräsentation

- 2.1 Mengen-theoretische Repräsentation

- 2.2 Klassische Repräsentation

3. STRIPS

4. Diskussion und Ausblick

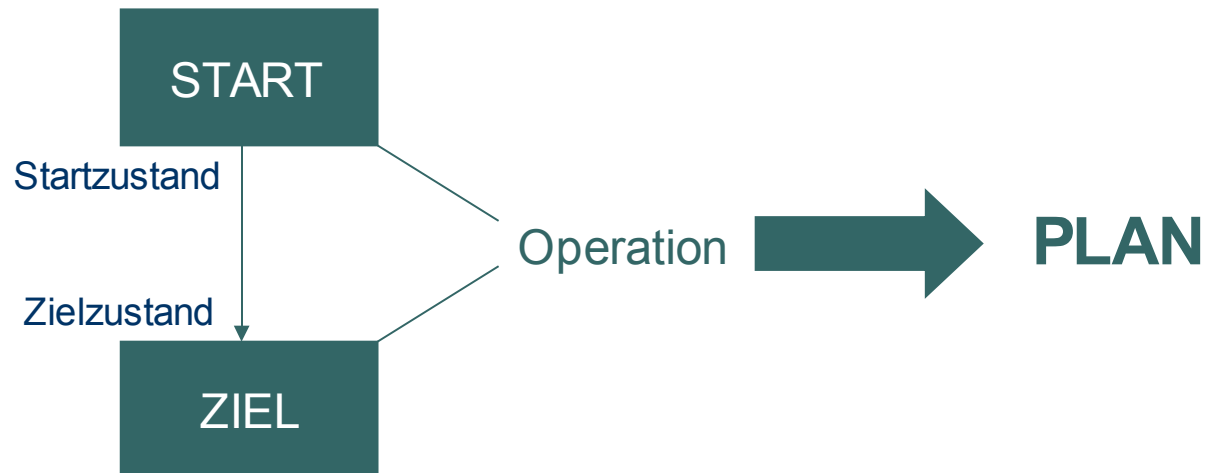


# 1. Definitionen (A)

Repräsentation:	Formale Darstellung der Welt
Zustand:	Formale Darstellung eines Zustands in der gegebenen Welt
Aktion/Operation:	dient zur Manipulation eines Zustands um somit weitere Zustände zu erschliessen
Zustandübergangsfunktion:	einmalig definierte Funktion, die den Gebrauch von Aktionen/Operationen definiert
Domäne:	Definition der Welt inklusive Operationen
Problem:	Problemstellung in der gegebenen Domäne (z.B. das Erreichen eines Zielzustandes in der gegebenen Problemdomäne)

# 1. Definitionen (B)

Plan: Lösung des gegebenen Problems in der gegebenen Problemdomäne  
(Sequenz von Aktionen/Operationen die das gegebene Problem lösen)





# 1. Definitionen (C)

Zielsuche: Verwirklichung durch Suchalgorithmen

Anwendung von Aktionen einer Domäne führt zu weiteren Zuständen auf die wiederum Aktionen ausgeführt werden können.

Wird ein Zustand erreicht, der gewisse Bedingungen erfüllt, so stellt die Sequenz von Aktionen die zu diesen Zustand geführt hat einen gültigen Plan für das Suchproblem dar.

Zwei grundsätzliche Vorgehensweisen:

- Vorwärtssuche
- Rückwärtssuche



# Inhalt

1. Definitionen
2. **Repräsentation**
  - ▶ 2.1 Mengen-theoretische Repräsentation
  - 2.2 Klassische Repräsentation
3. STRIPS
4. Diskussion und Ausblick



## 2. Mengen-theoretische Repräsentation

Aufbau einer mengen-theoretischen Domäne:

- Grundlage ist die Faktenmenge  $L$
- Menge an Zuständen  $S$  (jeder Zustand  $s$  ist eine Teilmenge von  $L$ )
- Menge an Aktionen  $A$
- einmalig definierte Zustandübergangsfunktion  $\gamma$



## 2.1 Beispiel – Das Raketenproblem (A)

Symbolmenge (Fakten):

$L = \{ \text{onEarth, onMoon, atBaseEarth, atBaseMoon, loaded} \}$

onEarth: Objekt befindet sich auf dem Planeten Erde

onMoon: Objekt befindet sich auf dem Mond

atBaseEarth: Rakete ist in der Erdbasis

atBaseMoon: Rakete ist in der Mondbasis

loaded: Objekt ist in der Rakete (Rakete ist beladen)





## 2.1 Beispiel – Das Rakettenproblem (B)

Menge von Aktionen:

$A = \{ \text{move1, move2, load, unload} \}$

$\text{move1} = ( \{ \text{atBaseEarth} \} , \{ \text{atBaseEarth} \} , \{ \text{atBaseMoon} \} )$

$\text{move2} = ( \{ \text{atBaseMoon} \} , \{ \text{atBaseMoon} \} , \{ \text{atBaseEarth} \} )$

$\text{load} = ( \{ \text{atBaseEarth, onEarth} \} , \{ \text{onEarth} \} , \{ \text{loaded} \} )$

$\text{unload} = ( \{ \text{atBaseMoon, loaded} \} , \{ \text{loaded} \} , \{ \text{onMoon} \} )$



## 2.1 Beispiel – Das Raketenproblem (C)

Initial-Zustand:

$$s_0 = \{ \text{onEarth}, \text{atBaseMoon} \}$$

Endzustand (goal):

$$g = \{ \text{onMoon}, \text{atBaseEarth} \}$$



## 2.1 Beispiel – Das Raketenproblem (D)

Planungsdomäne:

$$\Sigma = ( S, A, y )$$

=> unabhängig von Start- und Endzustand

Planungsproblem:

$$P = ( \Sigma, s_0, g )$$

=> macht Definition sämtlicher Zustände notwendig

Alternative:

$$P = ( A, s_0, g )$$

## 2.1 Beispiel – Das Raketenproblem (E)

Zustände (A):

$s_0 = \{ \text{onEarth}, \text{atBaseMoon} \}$

$\text{move2} = ( \{ \text{atBaseMoon} \}, \{ \text{atBaseMoon} \}, \{ \text{atBaseEarth} \} )$

$s_1 = \{ \text{onEarth}, \text{atBaseMoon}, \text{atBaseEarth} \}$

$\text{move1} = ( \{ \text{atBaseEarth} \}, \{ \text{atBaseEarth} \}, \{ \text{atBaseMoon} \} )$

$\text{load} = ( \{ \text{atBaseEarth}, \text{onEarth} \}, \{ \text{onEarth} \}, \{ \text{loaded} \} )$

$s_2 = \{ \text{onEarth}, \text{atBaseEarth}, \text{loaded} \}$

$\text{move1} = ( \{ \text{atBaseEarth} \}, \{ \text{atBaseEarth} \}, \{ \text{atBaseMoon} \} )$

$s_3 = \{ \text{atBaseEarth}, \text{loaded}, \text{atBaseMoon} \}$

$\text{move2} = ( \{ \text{atBaseMoon} \}, \{ \text{atBaseMoon} \}, \{ \text{atBaseEarth} \} )$

$\text{unload} = ( \{ \text{atBaseMoon}, \text{loaded} \}, \{ \text{loaded} \}, \{ \text{onMoon} \} )$

$s_4 = \{ \text{loaded}, \text{atBaseMoon}, \text{onMoon} \}$



## 2.1 Beispiel – Das Raketenproblem (F)

Zustände (B):

$s_4 = \{ \text{atBaseMoon}, \text{onMoon} \}$

$\text{move2} = ( \{ \text{atBaseMoon} \}, \{ \text{atBaseMoon} \}, \{ \text{atBaseEarth} \} )$

$s_5 = \{ \text{atBaseMoon}, \text{atBaseEarth}, \text{onMoon} \}$

$g = \{ \text{onMoon}, \text{atBaseEarth} \}$

=> Zielzustand erreicht

verwendete Sequenz von Aktionen:

$\pi_1 = \langle \text{move2}, \text{load}, \text{move1}, \text{unload}, \text{move2} \rangle$



# Inhalt

1. Definitionen
2. **Repräsentation**
  - 2.1 Mengen-theoretische Repräsentation
  - ▶ 2.2 Klassische Repräsentation
3. STRIPS
4. Diskussion und Ausblick



## 2.2 Klassische Repräsentation

Aufbau einer klassischen Domäne:

- Grundlage ist eine Logik erster Ordnung  $L$
- darin enthalten endliche Anzahl von Prädikat- und Konstantensymbole
- ein Zustand ist eine Menge von Literalen (negativierte und nicht-negativierte Atome aus  $L$ )
- einmalig definierte Zustandübergangsfunktion  $\gamma$







## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem (B)

Menge an Prädikatsymbolen ( Relationen ):

$$P = \{ \text{at}(r, p), \text{loaded}(r, o), \text{free}(p), \text{unloaded}(r), \\ \text{adjacent}(p, m), \text{stored}(p, o) \}$$

$\text{at}(r, p)$ : Rakete befindet sich auf Planeten

$\text{loaded}(r, o)$ : Rakete ist mit Objekt beladen

$\text{free}(p)$ : keine Rakete befindet sich auf dem Planeten

$\text{adjacent}(p, m)$ : zwei Planeten sind benachbart (und somit erreichbar)

$\text{stored}(p, o)$ : Planet hat Objekt gelagert



## 2.2 Relationen

Verschiedene Arten von Relationen:

- flexible Relationen ( flexible relations )
  - Operatoren haben durch ihre Effekte Einfluss auf diese Relationen  
[ z.B.  $at(r, p)$  ]
- feststehende Relationen ( rigid relations )
  - Relationen die sich durch Operatoren nicht ändern (können somit nie als Effekt eines Operators auftreten, jedoch eventuell als Voraussetzungen)  
[ z.B.  $adjacent(p, m)$  ]
  - > gilt jedoch nicht für gezeigtes Beispiel wegen  $buildStargate(p, m)$
  - => gelten somit für alle Zustände der Domäne



## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem (C)

Operatoren:

move ( r, p, m )

;; Rakete fliegt von Planet p zum benachbarten Planet m

precond:            adjacent (p, m), at (r, p), free (m)

effects:            at (r, m),  $\neg$  free (m), free (p),  $\neg$  at (r, p),

load ( r, o )

;; Rakete lädt Objekt

precond:            at (r, p), stored (p), unloaded (r)

effects:             $\neg$  stored (p), loaded (r, o),  $\neg$  unloaded (r)

unload ( r, o )

;; Rakete entlädt Objekt

precond:            at (r, p), loaded (r, o)

effects:            stored (p),  $\neg$  loaded (r, o), unloaded (r)



## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem (D)

Operatoren:

buildStargate ( p, m )

;; Planet baut Stargate zu anderen Planeten

precond:            stored (p, o)

effects:            adjacent (p, m)



## 2.2 Objekt-Instantiierung (A)

Beispiel: Instantiierung eines Operators

move ( r, p, m )

;; Rakete fliegt von Planet p zum benachbarten Planet m

precond:            adjacent (p, m), at (r, p), free (m)

effects:            at (r, m),  $\neg$  free (m), free (p),  $\neg$  at (r, p),

C = { r1, r2, p1, p2, o }

move ( r1, p1, p2 )

;; Rakete r2 fliegt von Planet p1 zum benachbarten Planeten p2

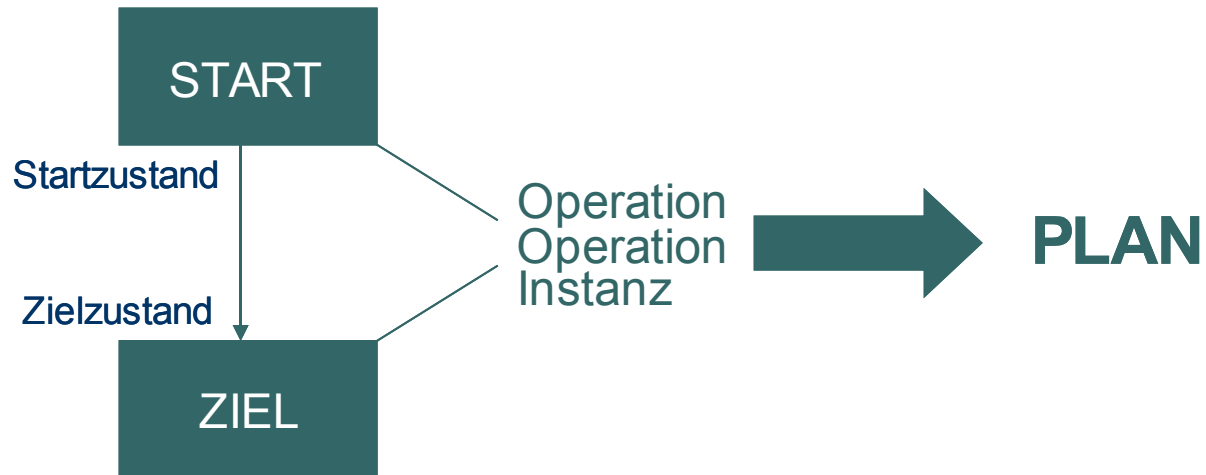
precond:            adjacent (p1, p2), at (r1, p1), free (p2)

effects:            at (r1, p2),  $\neg$  free (p2), free (p1),  $\neg$  at (r1, p1),

Vorteil: - ermöglicht variablen Einsatz  
(könnte z.B. auch mit r2 instantiiert werden)

=> kompakte(re) Repräsentation möglich

## 2.2 Objekt-Instantiierung (B)





## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem (E)

Initial-Zustand:

$$s_0 = \{ \text{at}(r1, p1), \text{at}(r2, p2), \neg \text{free}(p1), \neg \text{free}(p2), \text{free}(m1), \text{loaded}(r1, o), \\ \neg \text{loaded}(r2, o), \neg \text{stored}(p1, o), \neg \text{stored}(p2, o), \text{adjacent}(p1, p2), \\ \text{adjacent}(p2, m1) \}$$

Endzustand (goal):

$$g = \{ \text{stored}(p2, o), \neg \text{at}(r2, m1) \}$$



## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem (F)

Initial-Zustand (in Worten):

Rakete1 ist mit Objekt beladen und befindet sich auf Planet p1.

Rakete2 ist unbeladen und befindet sich auf Planet p2.

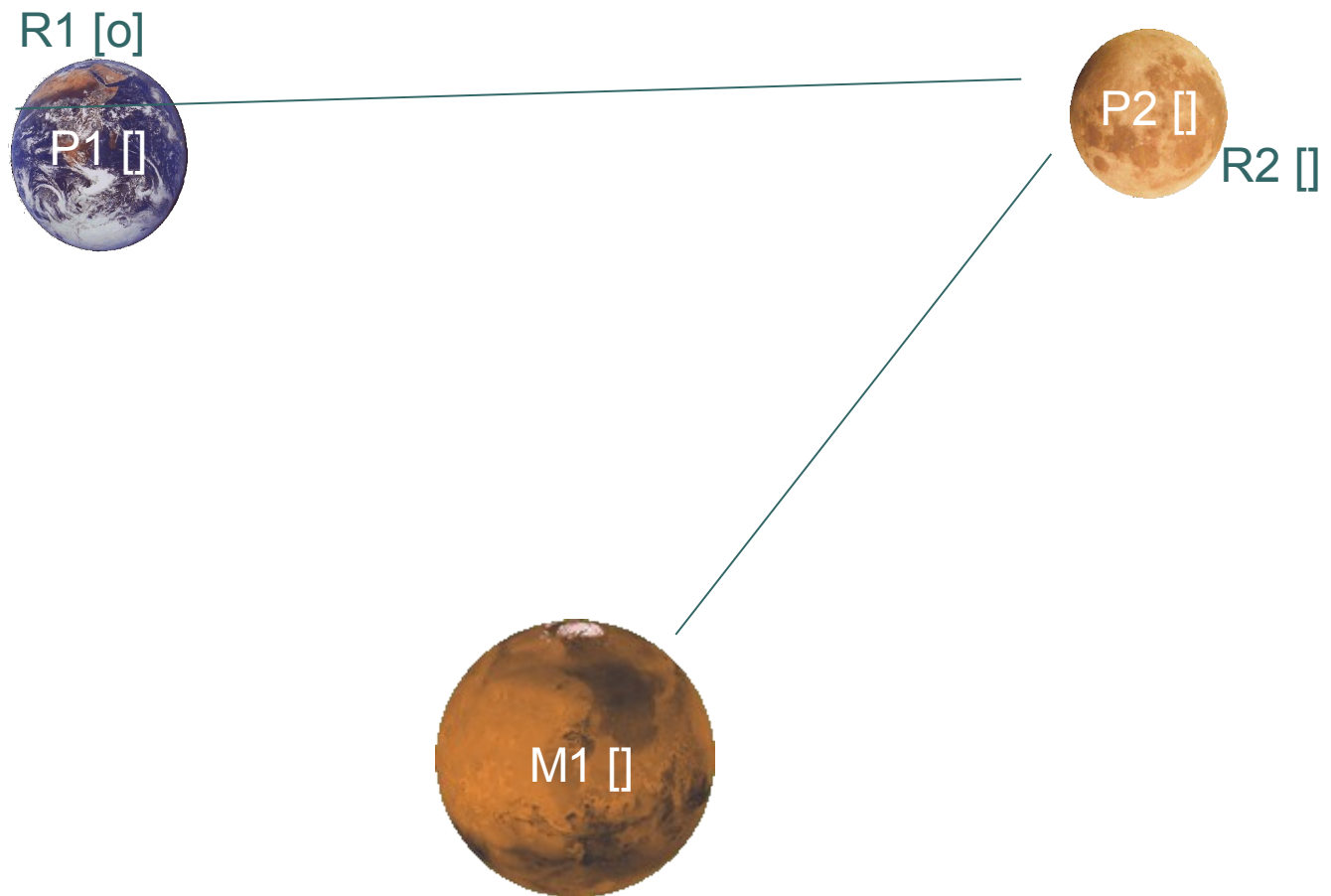
Die Planeten p1 und p2 sowie p2 und m1 sind zueinander benachbart.

Endzustand (in Worten):

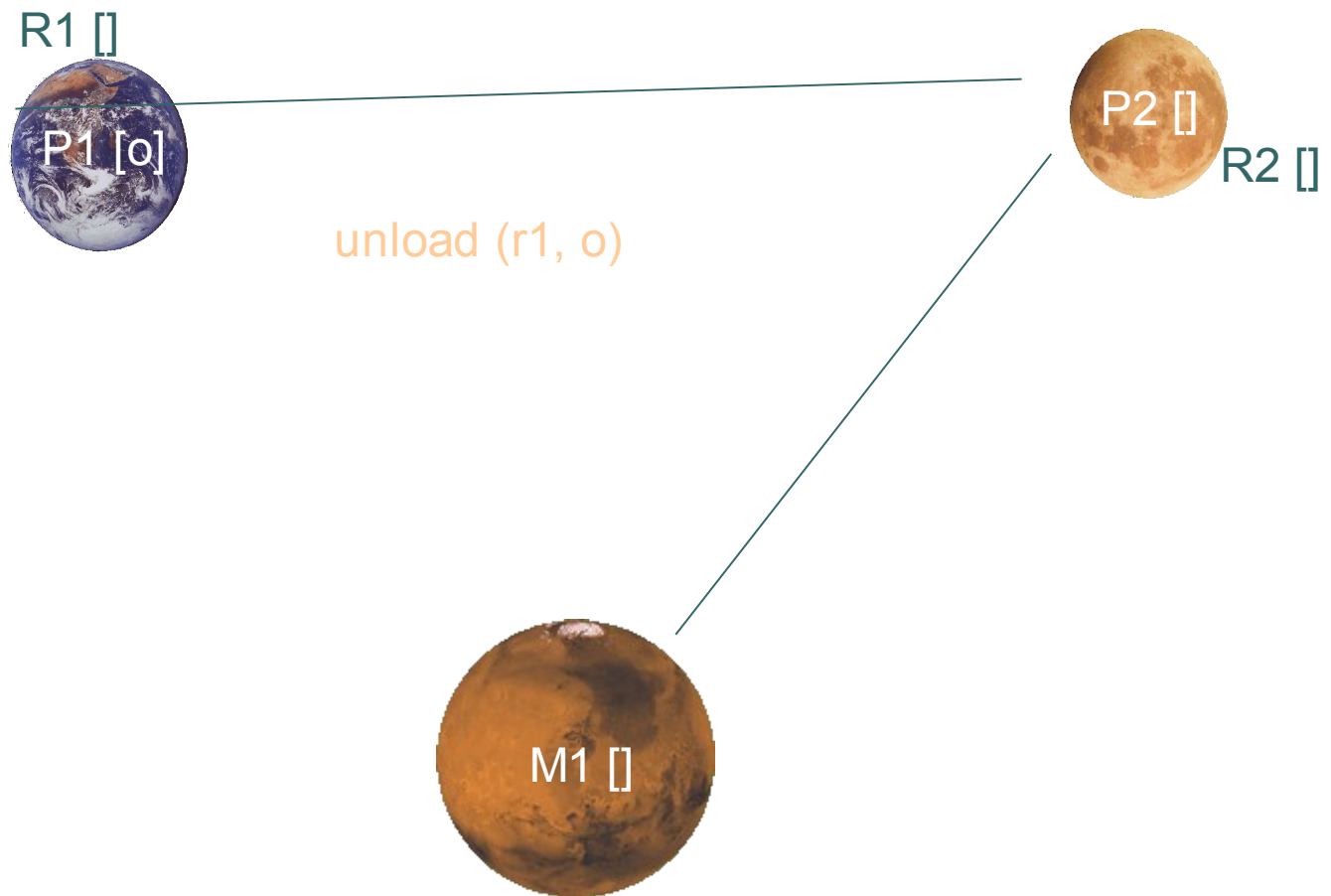
Rakete1 soll sich auf Planeten m1 befinden.



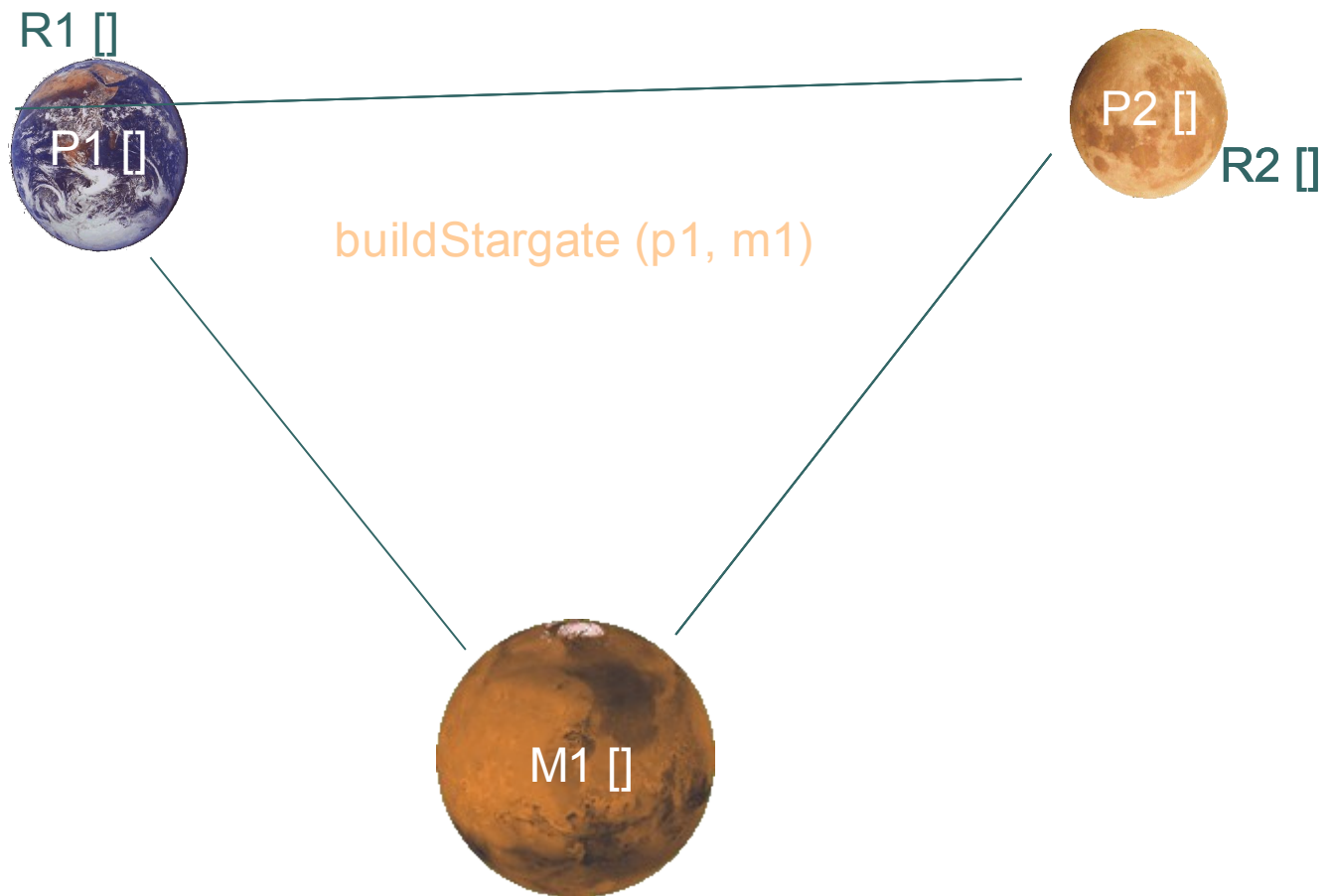
## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem Minimallösung (A)



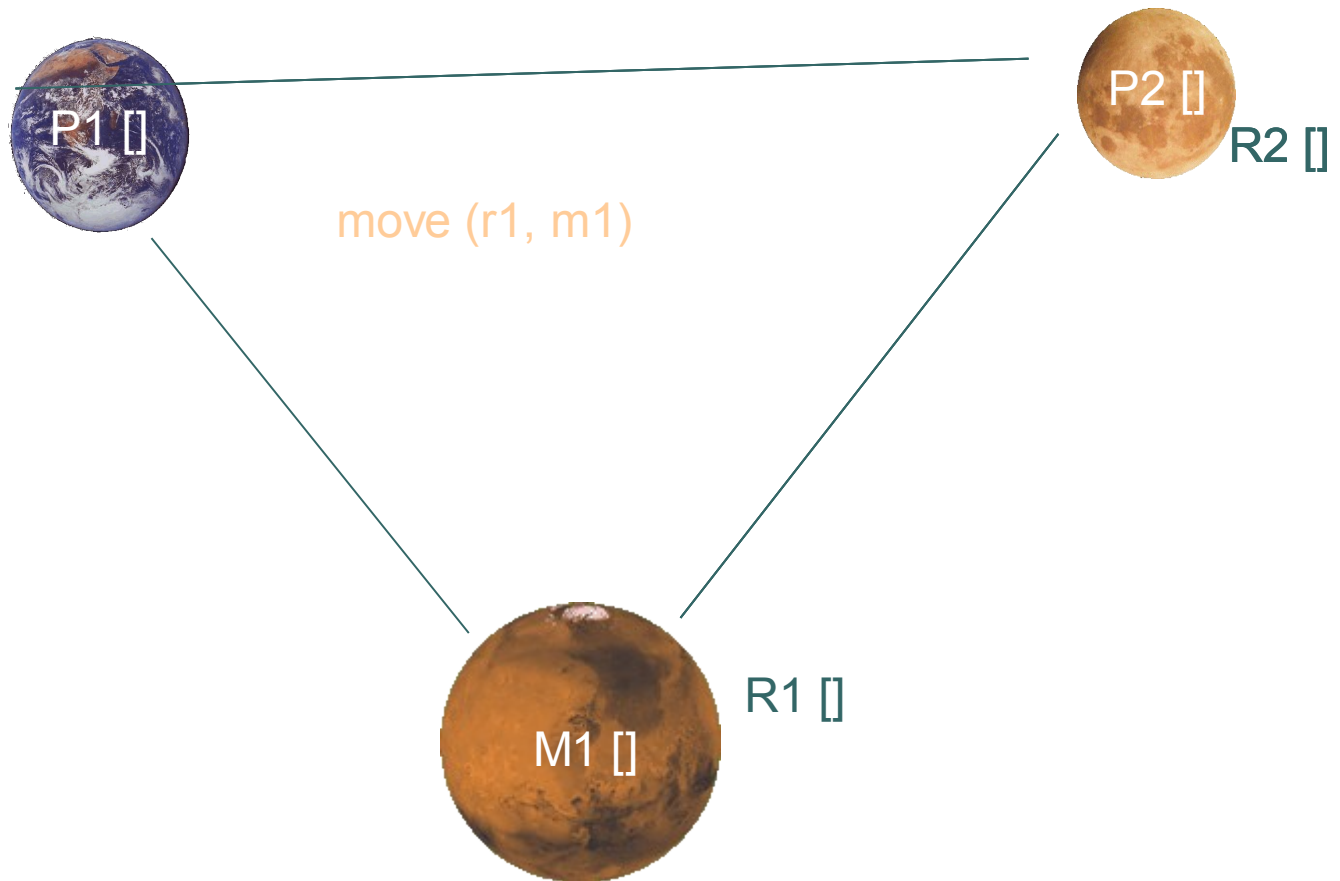
## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem Minimallösung (B)



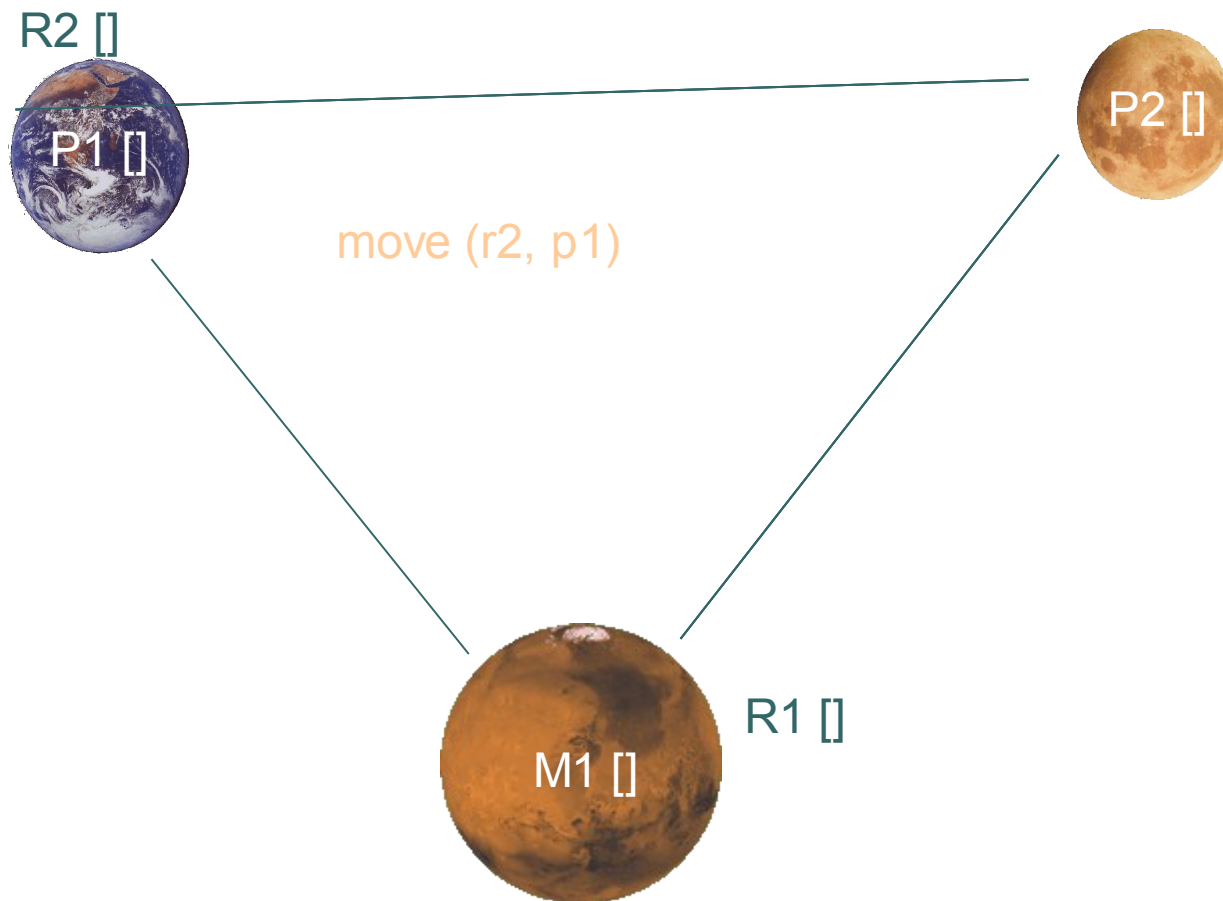
## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem Minimallösung (D)



## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem Minimallösung (E)



## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem Minimallösung (F)





## 2.2 Beispiel – Das Raketenproblem Minimallösung (G)

Minimallösung:

$$\pi_1 = \langle \text{unload}(r1, o), \text{buildStargate}(p1, m1), \\ \text{move}(r1, m1), \text{move}(r2, p1) \rangle$$



## 2.2 Erweiterungen der klassischen Repräsentation

Mögliche Erweiterungen:

- konditionale Operatoren
- quantifizierte Ausdrücke
- disjunktive Voraussetzungen



# Inhalt

1. Definitionen
2. Repräsentation
  - 2.1 Mengen-theoretische Repräsentation
  - 2.2 Klassische Repräsentation
3. **STRIPS**
4. Diskussion und Ausblick





## 3. STRIPS

### **S**Tanford **R**esearch Institute **P**roblem **S**olver

- Grundlage ist die klassische Repräsentation
- 1971 entwickelt von Fikes und Nilson als linearer Planer
- später Erweiterung zu formaler Sprache
- heutiges Einsatzgebiet: Forschung (Entwicklung und Test von neuen Algorithmen)



## 3. STRIPS Einschränkungen

- nur positive Literale erlaubt (z.B.  $\neg$  at(r1, p1) nicht erlaubt!)
- Operatoren besitzen neben Voraussetzungen eine Add- und Delete-Liste
- Add-Liste:        Literale die hinzugefügt werden
- Delete-Liste:    Literale die gelöscht werden



### 3. STRIPS Vorwärtssuche (Progression)

- Startzustand als Ausgangspunkt für den Algorithmus
- sinnvoll bei überschaubaren Problemen mit kleinen Zustandsraum
- bei komplexeren Problemen ist Bewertung nötig (welcher Operator ist sinnvoll = Heuristik)

Forward-search ( $O, s_0, g$ )

$s \leftarrow s_0$

$\pi \leftarrow$  the empty plan

loop

if  $s$  satisfies  $g$  then return  $\pi$

applicable  $\leftarrow \{ a \mid a \text{ is a ground instance of an operator in } O, \text{ and } \text{precond}(a) \text{ is true in } s \}$

if applicable = emptySet then return failure

nondeterministically choose an action  $a \in$  applicable

$s \leftarrow y(s, a)$

$\pi \leftarrow \pi.a$



### 3. STRIPS Rückwärtssuche (Regression)

- Endzustand als Ausgangspunkt für den Algorithmus
- Suchbaum kleiner und somit schnellere Suche
- liefert eventuell inkonsistente Zustände

Backward-search ( $O, s_0, g$ )

$\pi \leftarrow$  the empty plan

loop

if  $s_0$  satisfies  $g$  then return  $\pi$

relevant  $\leftarrow$  {  $a$  |  $a$  is a ground instance of an operator  
in  $O$  that is relevant for  $g$  }

if relevant = emptySet then return failure

nondeterministically choose an action  $a$  isElem applicable

$\pi \leftarrow a.\pi$

$g \leftarrow y^{-1}(g,a)$



## 3. STRIPS Algorithmus (A)

- ähnelt dem Regressionsalgorithmus
  - in jeder Rekursion werden nur Teilziele verfolgt, die durch die Voraussetzungen (Preconditions) des letzten ausgeführten Operators bestimmt werden
  - erfüllt ein Zustand alle Voraussetzungen eines Operators, so wird dieser Operator ausgeführt und diese Bindung wird nicht wieder gelöst
- => Suchraum wird bedeutend kleiner; STRIPS wird dadurch jedoch auch unvollständig

Beispiel: Vertauschung der Wertzuweisungen zweier Variablen;  
STRIPS findet hier keine Lösung!



### 3. STRIPS Algorithmus (B)

Ground-STRIPS ( $O, s_0, g$ )

$\pi \leftarrow$  the empty plan

loop

if  $s_0$  satisfies  $g$  then return  $\pi$

$A \leftarrow \{ a \mid a \text{ is a ground instance of an operator}$   
in  $O$ , and  $a$  is relevant for  $g \}$

if  $A = \text{emptySet}$  then return failure

nondeterministically choose an action  $a \in A$

$\pi' \leftarrow \text{Ground-STRIPS}(O, s, \text{precond}(a))$

if  $\pi' = \text{failure}$  then return failure

;; if we get here, then  $\pi'$  achieves  $\text{precond}(a)$  from  $s$

$s \leftarrow y(s, \pi')$

;;  $s$  now satisfies  $\text{precond}(a)$

$s \leftarrow y(s, a)$

$\pi \leftarrow \pi. \pi'.a$



# Inhalt

1. Definitionen
2. Repräsentation
  - 2.1 Mengen-theoretische Repräsentation
  - 2.2 Klassische Repräsentation
3. STRIPS
4. **Diskussion und Ausblick**